



Fès, le 18/10/2014

N° d'ordre 26 /2014

THESE DE DOCTORAT

Présentée par

Mr : MOUTU ABDOU SALAM MOUTUI

Discipline : Mathématiques

Spécialité : Algèbre

Sujet de la thèse : Extensions Triviales et Amalgamations des propriétés de Prüfer et de certaines propriétés d'anneaux commutatifs.

Thèse présentée et soutenue le 18 octobre 2014 devant le jury composé de :

Nom Prénom	Titre	Etablissement	
Fatima EZZAKI	PES	Faculté des Sciences et Techniques de Fès	Présidente
Samir BOUCHIBA	PES	Faculté des Sciences de Meknès	Rapporteur
Habib BOUZRAA	PES	Faculté des Sciences de Meknès	Examineur
El Hassan EL KINANI	PES	Vice Directeur ENSAM, Meknès	Examineur
Mostafa KHALOUI	PES	Faculté des Sciences de Meknès	Examineur
Hakima MOUANIS	PH	Faculté des Sciences Dhar Mahraz	Examineur
Aziza RAHMOUNI HASSANI	PES	Faculté des Sciences et Techniques de Fès	Rapporteur
Najib MAHDOU	PES	Faculté des Sciences et Techniques de Fès	Directeur de thèse

Laboratoire d'accueil : Algèbre, Analyse Fonctionnelle et Applications.

Etablissement : Faculté des Sciences et Techniques de Fès.

Table des Matières

Résumé	xii
Summary	xiii
Introduction	1
Introduction (en Anglais)	29
Chapitre 1: Autour des anneaux presque ("almost") de valuation et presque ("almost") de Bézout	53
1.1 Introduction	53
1.2 Autour de la propriété AV-anneau	54
1.3 Autour de la propriété AB-anneau	59
Chapitre 2: Autour des pm-anneaux, des anneaux de caractères finis et des anneaux h-locaux	64
2.1 Introduction	64
2.2 Transfert de la propriété pm -anneau à l'extension triviale et à l'amalgamation des anneaux.	66
2.3 Extension triviale et amalgamation des anneaux définies par la propriété caractère fini.	69
2.4 La propriété h -locale dans l'anneau extension triviale et l'anneau amalgamé algébrique.	70
2.5 Produit fibré (Pullbacks)	71
Chapitre 3: Les propriétés valuation, dimension globale faible et semi-héréditaire dans l'amalgamé algébrique	74

3.1 Introduction	74
3.2 Résultats principaux	75
Chapitre 4: La fqp-propriété dans l'amalgamé algébrique le long d'un idéal	81
4.1 Introduction	81
4.2 Résultats principaux	82
Chapitre 5: Propriété Gaussienne dans l'amalgamé algébrique le long d'un idéal	88
5.1 Introduction	88
5.2 Résultats principaux	90
Chapitre 6: Propriété de Prüfer dans l'amalgamé algébrique le long d'un idéal	97
6.1 Introduction	97
6.2 Résultats principaux	98
Perspectives	105
Bibliographie.....	106